ISSN 2078-5615. Вісник Львівського університету. Серія хімічна. 2019. Випуск 60. Ч. 1. С. 91–102 Visnyk of the Lviv University. Series Chemistry. 2019. Issue 60. Pt. 1. P. 91–102

УДК 548.736.4

### КРИСТАЛІЧНА СТРУКТУРА СПОЛУК Dy3Ga3,5Ge1,5 ТА Dy3Ga2,8-2,4Ge2,2-2,6

#### Т. Деленко\*, Я. Токайчук, Р. Гладишевський

Львівський національний університет імені Івана Франка, вул. Кирила і Мефодія, 6, 79005 Львів, Україна e-mail: tarasdelenko@gmail.com

Синтезовано та методами рентгеноспектрального і рентгеноструктурного аналізів визначено склад і кристалічну структуру двох нових тернарних сполук: Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3,5</sub>Ge<sub>1,5</sub> (структурний тип Tm<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub>; символ Пірсона *oP*32; просторова група *Pnma*; *a* = 11,6672(11), *b* = 9,4411(8), *c* = 6,0267(5) Å) і Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2,8-2,4</sub>Ge<sub>2,2-2,6</sub> (Pu<sub>3</sub>Pd<sub>5</sub>; *oS*32; *Cmcm*; *a* = 9,3738(11)–9,3599(11), *b* = 7,4816(8)–7,4788(9), *c* = 9,4068(11)–9,4148(12) Å). Структурні типи Tm<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub> та Pu<sub>3</sub>Pd<sub>5</sub> належать до родини деформованих похідних структури типу Rh<sub>5</sub>Ge<sub>3</sub>, що характеризується взаємноз'єднаними колонами заповнених тригональних призм, що утворюють каркас з великими гексагональними каналами. В структурах синтезованих сполук можна також виділити тетрагонально-пірамідальні кластери з атомів Ga i Ge.

*Ключові слова*: диспрозій, галій, германій, рентгенівський дифракційний метод порошку, кристалічна структура.

DOI: https://doi.org/10.30970/vch.6001.091

#### 1. Вступ

Системи R-Ga-Ge (R – рідкісноземельний метал) є багатими на тернарні сполуки: сьогодні відомо про існування 63 тернарних галідо-германідів, кристалічні структури яких належать до 40 структурних типів [1]. У системі з Ду досі повідомлено про існування п'яти тернарних сполук з вмістом 22,2-33,3 ат. % Ду: Dy2Ga1.8Ge5.2 (структурний тип (СТ) Sm2(Ga0.26Ge0.74)7; символ Пірсона (СП) оS80,64; просторова група (ПГ) *Стсе*; a = 8,3284, b = 8,0320, c = 20,9167 Å) [2], DyGa<sub>2,92–2,52</sub>Ge<sub>0,08–0,48</sub> (CT Mg<sub>3</sub>In; CII *h*R48; IIF *R*-3*m*; a = 6,1707-6,22374, c = 27,7297-6,22374) 28,1185 Å) [3], DyGa<sub>2,32-2,20</sub>Ge<sub>0,68-0,80</sub> (CT PuAl<sub>3</sub>; CII hP24; III P6<sub>3</sub>/mmc; a = 6,0970-6,1091, c = 14,3153-14,3528 Å) [3], DyGa<sub>1.4</sub>Ge<sub>0.6</sub> (CT  $\alpha$ -ThSi<sub>2</sub>; CII *t1*12; IIF *1*4<sub>1</sub>/*amd*; a = 4,16411, c = 14,4832 Å) [4] Ta DyGa<sub>0.15</sub>Ge<sub>1.85</sub> (CT PrGe<sub>1.91</sub>; CII oS24; IIF Cmmm; a = 4,102, b = 29,896, c = 3,339 Å) [5]. Однак у системах з деякими іншими рідкісноземельними металами існують тернарні сполуки і з більшим вмістом R. Зокрема, у системі Ег-Ga-Ge на ізоконцентраті 37,5 ат. % Ег існує дві тернарні фази: Er<sub>3</sub>Ga<sub>2,7</sub>Ge<sub>2,3</sub> (CT Tm<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub>; CII *oP*32; IIF *Pnma*; a = 11,573, b = 9,368, c = 5,958 Å) [6] та Er<sub>3</sub>Ga<sub>2,21–2,15</sub>Ge<sub>2,79–2,85</sub> (CT Pu<sub>3</sub>Pd<sub>5</sub>; CII *oS*32; IIГ *Cmcm*; a = 9,2880-9,269, b = 7,4180-7,402, c = 9,3830–9,375 Å) [6, 7]. Тернарні сполуки зі структурою типу Pu<sub>3</sub>Pd<sub>5</sub> були також знайдені у споріднених системах {Sm, Dy}-Ga-Sn: Sm3Ga0,80-2,48Sn4,20-2,52 (*a* = 9,97522–9,89433, *b* = 8,02642–7,87246, *c* = 10,23304–9,91703 Å) [8, 9] та  $Dy_3Ga_{2.54}Sn_{2.46}$  (*a* = 9,7300, *b* = 7,7081, *c* = 9,7925 Å) [10].

<sup>©</sup> Деленко Т., Токайчук Я., Гладишевський Р., 2019

Метою цієї праці є пошук тернарних сполук у системі Dy–Ga–Ge на ізоконцентраті 37,5 ат. % Dy, що є продовженням систематичного дослідження взаємодії компонентів у цій системі при 600°С. Ізоконцентрата 37,5 ат. % Dy системи Dy–Ga–Ge обмежена бінарними сполуками Dy<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub> (CT Tm<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub>; CП *oP*32; ПГ *Pnma*; a = 11,43, b = 9,652, c = 6,080 Å) [11] та Dy<sub>3</sub>Ge<sub>5</sub> (CT Y<sub>3</sub>Ge<sub>5</sub>; CП *oF*64; ПГ *Fdd*2; a = 5,729, b = 17,190, c = 13,678 Å) [12].

# 2. Матеріали та методика експерименту

Сплави для дослідження синтезували сплавлянням шихти вихідних простих речовин (вміст основного компонента (мас. %): Dy  $\ge$  99,9; Ga  $\ge$  99,99; Ge  $\ge$  99,999) в електродуговій печі на мідному водоохолоджуваному поді з використанням вольфрамового електрода. Синтез проводили в атмосфері очищеного аргону (як гетер використовували пористий титан). Для досягнення однорідності сплави переплавляли двічі. Для гомогенізації сплави були запаяні у вакуумовані кварцові ампули та відпалені при 600°С впродовж 720 год у муфельній електропечі VULKAN A-550 з подальшим гартуванням у холодній воді без розбивання ампул. Втрати маси під час синтезу сплавів не перевищували 1 %. Рентгенофазовий аналіз здійснювали за масивами порошкових дифракційних даних, отриманими за кімнатної температури на дифрактометрі ДРОН-2.0М (проміння Fe Kα). Його проводили порівнянням експериментальних дифрактограм синтезованих зразків 3 розрахованими дифрактограмами простих речовин, бінарних і тернарних сполук системи Dy-Ga-Ge за допомогою комплексу програм STOE WinXPow [13]. Кристалічну структуру сполук визначали рентгенівським дифракційним методом порошку за масивами даних, отриманими на дифрактометрі STOE Stadi P (проміння Си Ка<sub>1</sub>). Уточнення параметрів профілю і структури проводили методом Рітвельда за допомогою комплексу програм FullProf Suite [14]. З огляду на близькі значення факторів розсіювання рентгенівського проміння атомами Ga і Ge, склади статистичних сумішей цих атомів не уточнювали, а розраховували відповідно до складу фази, отриманого локальним рентгеноспектральним аналізом.

Локальний рентгеноспектральний аналіз проводили на растровому електронному мікроскопі РЕММА-102-02 з енергодисперсійним рентгенівським спектрометром ЕДАР. Сплави для аналізу заплавляли в тримачі сплавом Вуда, після чого шліфували та полірували до дзеркальної поверхні, застосовуючи наждачний папір з різною величиною зерен, а також дрібнодисперсний порошок Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub>. Загальний склад сплавів отримували на плоскій ділянці (1×1 мм<sup>2</sup>). Локальний хімічний склад фази одержували усередненням точкових складів 4–5 зерен.

### 3. Результати досліджень та їхнє обговорення

У результаті рентгенофазового аналізу зразків з вмістом 35–40 ат. % Dy, 55–20 ат. % Ga та 10–40 ат. % Ge визначено існування двох нових тернарних сполук. Синтезовані зразки із зазначеної області були багатофазними, а їхні дифрактограми, крім відбиттів нових тернарних фаз, містили відбиття інших бінарних і тернарних фаз системи Dy–Ga–Ge, вказуючи на відповідні рівноваги при 600°С. Для визначення складів та кристалічної структури тернарних сполук використано зразки складів Dy<sub>37,5</sub>Ga<sub>44</sub>Ge<sub>18,5</sub>, Dy<sub>37,5</sub>Ga<sub>37,5</sub>Ge<sub>25</sub> та Dy<sub>37,5</sub>Ga<sub>32,5</sub>Ge<sub>30</sub>, що, згідно з результатами рентгенофазового аналізу, містили найбільшу кількість нових фаз. Склади тернарних сполук, визначені локальним енергодисперсійним рентгенівським спектральним

аналізом сплавів, становлять: Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3,5</sub>Ge<sub>1,5</sub>, Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2,8</sub>Ge<sub>2,2</sub> і Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2,4</sub>Ge<sub>2,6</sub> (рис. 1, табл. 1). Стехіометрія Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3,5</sub>Ge<sub>1,5</sub> відповідає одній тернарній сполуці, тоді як склади Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2,8</sub>Ge<sub>2,2</sub> і Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2,4</sub>Ge<sub>2,6</sub> – іншій фазі, яка має область гомогенності вздовж ізоконцентрати 37,5 ат. % Dy при 600°C.



Рис. 1. Фотографії у вторинних електронах поверхонь шліфів зразків:  $a - Dy_{37,5}Ga_{44}Ge_{18,5}; \delta - Dy_{37,5}Ga_{37,5}Ge_{25}; s - Dy_{37,5}Ga_{32,5}Ge_{30}$ Fig. 1. Photographs in the secondary electrons of the polished surfaces of the samples:  $a - Dy_{37,5}Ga_{44}Ge_{18,5}; \delta - Dy_{37,5}Ga_{37,5}Ge_{25}; s - Dy_{37,5}Ga_{32,5}Ge_{30}$ 

Таблиця 1

Результати локального енергодисперсійного рентгенівського спектрального аналізу сплавів *Table 1* 

Results of the l	ocal energy dispersi	ve X-ray spectral	analyses of the allow	'S

Вихідний склад сплаву – Dy <sub>37.5</sub> Ga <sub>44</sub> Ge <sub>18.5</sub> *				
Сіра фаза (основна)	Dy <sub>38(1)</sub> Ga <sub>43(1)</sub> Ge <sub>19(1)</sub> (Dy <sub>3</sub> Ga <sub>3,5</sub> Ge <sub>1,5</sub> )			
Темна фаза	$Dy_{33(1)}Ga_{54(1)}Ge_{13(1)}$ (DyGa <sub>1,6</sub> Ge <sub>0,4</sub> )			
Вихідний склад сплаву – Dy <sub>37,5</sub> Ga <sub>37,5</sub> Ge <sub>25</sub> *				
Сіра фаза (основна)	Dy38(1)Ga35(1)Ge27(1) (Dy3Ga2,8Ge2,2)			
Темна фаза	$Dy_{33(1)}Ga_{43(1)}Ge_{24(1)}$ ( $DyGa_{1,3}Ge_{0,7}$ )			
	Вихідний склад сплаву – Dy37,5Ga32,5Ge30*			
Сіра фаза (основна)	$Dy_{38(1)}Ga_{30(1)}Ge_{32(1)}$ ( $Dy_3Ga_{2,4}Ge_{2,6}$ )			
Темна фаза	Dy33(1)Ga43(1)Ge24(1) (DyGa1,3Ge0,7)			

\* Світлі вкраплення – Dy2O3.

Подібність дифрактограми сполуки Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3.5</sub>Ge<sub>1.5</sub> до теоретично розрахованих дифрактограм бінарного галіду Dy3Ga5 і тернарної сполуки Er3Ga2.7Ge2.3 зі структурою типу Tm<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub> засвідчили їхню ізоструктурність. Уточнення кристалографічних параметрів тернарної фази Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3.5</sub>Ge<sub>1.5</sub> провели методом Рітвельда, керуючись координатами атомів сполуки Er<sub>3</sub>Ga<sub>2,7</sub>Ge<sub>2,3</sub> [6], які взято за початкову модель. Крім основної фази, зразок містив 9,5(2) мас. % DyGa1.6Ge0.4 (СТ AlB2; hP3, P6/mmm; a = 4,1795(4), c = 4,0914(4) Å), що відповідає твердому розчину DyGa<sub>2-</sub>  $_{1.55}$ Ge<sub>0-0.45</sub> [4] ta 1,2(11) Mac. % Dy<sub>2</sub>O<sub>3</sub> (CT (Mn<sub>0.5</sub>Fe<sub>0.5</sub>)<sub>2</sub>O<sub>3</sub>; CII *c1*80; III *Ia*-3; *a* = 10,666(5) Å). Кристалічну структуру сполуки змінного складу Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2.8-2.4</sub>Ge<sub>2.2-2.6</sub> угочнено методом Рітвельда за дифрактограмами двох зразків. За початкову модель для уточнення взято координати атомів у структурі тернарної сполуки Er<sub>3</sub>Ga<sub>2,21-2,15</sub>Ge<sub>2,79-2,85</sub> зі структурою типу Pu<sub>3</sub>Pd<sub>5</sub> [6, 7], з огляду на подібність їхніх дифрактограм. Крім основної фази, зразки Dy<sub>37,5</sub>Ga<sub>37,5</sub>Ge<sub>25</sub> та Dy<sub>37,5</sub>Ga<sub>32,5</sub>Ge<sub>30</sub> містили 14,7(3) і 11,6(6) мас. % фази складу DyGa<sub>1,3</sub>Ge<sub>0,7</sub> (СТ α-ThSi<sub>2</sub>; СП *tI*12; ПГ *I*4<sub>1</sub>/*amd*; *a* = 4,1753(7), *c* = 14,4935(18) Å для зразка Dy<sub>37,5</sub>Ga<sub>37,5</sub>Ge<sub>25</sub> та *a* = 4,1748(8), *c* = 14,494(2) Å для зразка Dy<sub>37,5</sub>Ga<sub>32,5</sub>Ge<sub>30</sub>) з області гомогенності тернарної сполуки DyGa<sub>1,40-1,25</sub>Ge<sub>0,60-0,75</sub> [4] та 1,2(5) і 0,9(1) мас. % Dy<sub>2</sub>O<sub>3</sub>, відповідно.

Експериментальні, розраховані та різницеві дифрактограми зразків  $Dy_{37,5}Ga_{44}Ge_{18,5}$ ,  $Dy_{37,5}Ga_{37,5}Ge_{25}$  та  $Dy_{37,5}Ga_{32,5}Ge_{30}$  зображено на рис. 2, умови експерименту та результати уточнення кристалічної структури фаз  $Dy_3Ga_{3,5}Ge_{1,5}$ ,  $Dy_3Ga_{2,8}Ge_{2,2}$  та  $Dy_3Ga_{2,4}Ge_{2,6}$  наведено у табл. 2. Незмінність параметрів елементарної комірки тернарної сполуки  $Dy_3Ga_{3,5}Ge_{1,5}$  у різних багатофазних зразках свідчить про її постійний склад, тоді як аналіз параметрів елементарної комірки фази зі структурою типу  $Pu_3Pd_5$  у різних зразках засвідчив, що склади  $Dy_3Ga_{2,8}Ge_{2,2}$  та  $Dy_3Ga_{2,4}Ge_{2,6}$  відповідають крайнім складам її області гомогенності.

Таблиця 2

Умови експерименту та результати уточнення кристалічної структури сполук Dy3Ga3,50Ge1,50 та Dy3Ga2,8-2,4Ge2,2-2,6

Table 2

Experimental conditions and results of the refinement of the crystal structures
of the compounds Dy3Ga3.50Ge1.50 Ta Dy3Ga2.8-2.4Ge2.2-2.6

Склад зразка, ат. %		Dy37,5Ga44Ge18,5	Dy37,5Ga37,5Ge25	Dy37,5Ga32,5Ge30
Фаза		Dy <sub>3</sub> Ga <sub>3,5</sub> Ge <sub>1,5</sub>	Dy <sub>3</sub> Ga <sub>2,8</sub> Ge <sub>2,2</sub>	Dy <sub>3</sub> Ga <sub>2,4</sub> Ge <sub>2,6</sub>
Вміст фази, мас. %		89,3(5)	84,1(9)	87,5(4)
Структурний тип		Tm <sub>3</sub> Ga <sub>5</sub>	Pu <sub>3</sub> Pd <sub>5</sub>	Pu <sub>3</sub> Pd <sub>5</sub>
Символ Пірсона		oP32	oS32	oS32
Просторова група		Pnma	Cmcm	Cmcm
Параметри елементарної				
комірки:	a, Å	11,6672(11)	9,3738(11)	9,3599(11)
	b, Å	9,4411(8)	7,4816(9)	7,4788(9)
	<i>c</i> , Å	6,0267(5)	9,4068(11)	9,4148(12)
Об'єм комірки V, Å <sup>3</sup>		663,85(10)	659,71(13)	659,04(14)
Кількість формульних од	иниць Z	4	4	4
Густина $D_X$ , г·см <sup>-3</sup>		8,494	8,226	8,181
Параметр текстури G [нал	прям]	0,996(6) [001]	0,949(4) [010]	0,991(4) [010]
Параметри профілю:	U	0,022(13)	0,028(2)	0,068(2)
	V	0,024(12)	0,079(12)	-0,002(18)
	W	0,007(2)	-0,0035(4)	0,012(4)
Параметр змішування		0,641(16)	0,605(16)	0,594(18)
Параметри асиметрії:	P1,	0,075(13),	0,062(16),	0,101(18),
	P2	-0,003(2)	-0,003(2)	0,011(3)
Фактори достовірності:	$R_{ m B}$	0,0608	0,0611	0,0639
	$R_F$	0,0951	0,0877	0,0930
	$R_{ m p}$	0,0307	0,0295	0,0354
	$R_{ m wp}$	0,0386	0,0371	0,0448
	$\chi^2$	0,993	1,07	1,01

Кристалічна структура сполуки Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3,5</sub>Ge<sub>1,5</sub> належить до структурного типу Tm<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub> (СП *оP*32; ПГ *Pnma*; a = 11,6672(11), b = 9,4411(8), c = 6,0267(5) Å), а кристалічна структура сполуки Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2,8-02,4</sub>Ge<sub>2,2-2,6</sub> належить до структурного типу Pu<sub>3</sub>Pd<sub>5</sub> (СП *oS*32; ПГ *Cmcm*; a = 9,3738(11)-9,3599(11), b = 7,4816(9)-7,4788(9), c = 9,4068(11)-9,4148(12) Å). Координати та ізотропні параметри зміщення атомів у структурах обох сполук наведено у табл. З. Заміщення атомів Ga на атоми Ge в межах області гомогенності фази зі структурою типу Pu<sub>3</sub>Pd<sub>5</sub> приводить до анізотропної зміни параметрів елементарної комірки: параметри *a* і *b* зменшуються, тоді як параметр *c* – збільшується; водночас об'єм елементарної комірки зменшується.



Рис. 2. Експериментальні (кружки), розраховані (лінії) та різницеві (знизу) дифрактограми зразків: *a* – Dy<sub>37,5</sub>Ga<sub>44</sub>Ge<sub>18,5</sub>; *b* – Dy<sub>37,5</sub>Ga<sub>37,5</sub>Ge<sub>25</sub>; *b* – Dy<sub>37,5</sub>Ga<sub>32,5</sub>Ge<sub>30</sub> (проміння Си Kα<sub>1</sub>). Вертикальні риски вказують на положення відбиттів індивідуальних фаз
 Fig. 2. Experimental (circles), calculated (line) and difference (bottom) X-ray powder diffraction

patterns of the samples:  $a - Dy_{37.5}Ga_{44}Ge_{18.5}$ ;  $\delta - Dy_{37.5}Ga_{37.5}Ge_{25}$ ;

 $e - Dy_{37.5}Ga_{32.5}Ge_{30}$  (Cu  $K\alpha_1$  radiation). Vertical bars indicate the positions of reflections for individual phases

Обидві структури характеризуються двома правильними системами точок атомів Dy та чотирма чи трьома ПСТ, зайнятих статистичними сумішами атомів Ga i Ge. Варто зазначити, що у системі Dy–Ga при 600°С існує бінарна сполука Dy<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub> зі структурою типу Tm<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub> [11]. Відмінні параметри елементарної комірки фаз Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3,5</sub>Ge<sub>1,5</sub> і Dy<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub>, а також результати рентгенофазового аналізу низки трикомпонентних сплавів (ізоструктурні сполуки не перебувають у рівновазі при 600°С) дають підстави стверджувати, що за температури дослідження фаза Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3,5</sub>Ge<sub>1,5</sub> є індивідуальною тернарною сполукою, а не частиною твердого розчину на основі бінарного галіду Dy<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub>. Знайдені тернарні сполуки Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3,5</sub>Ge<sub>1,5</sub> та Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2,8-2,4</sub>Ge<sub>2,2-2,6</sub> не перебувають у рівновазі при 600°С.

Міжатомні віддалі, координаційні числа та координаційні многогранники атомів у структурах сполук Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3,5</sub>Ge<sub>1,5</sub> та Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2,8-2,4</sub>Ge<sub>2,2-2,6</sub> (для складу Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2,4</sub>Ge<sub>2,6</sub>) наведено у табл. 4 та 5, відповідно.

Координаційними многогранниками атомів Dy в обох структурах є 15- та 17-вершинники псевдо Франка-Каспера. Координаційними многогранниками атомів малого розміру є тригональні призми з чотирма додатковими атомами та дефектні ікосаедри. Найкоротшими віддалями у структурі сполуки Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3.5</sub>Ge<sub>1.5</sub> є віддалі між положеннями *M*1–*M*3 та *M*1–*M*2 статистичної суміші атомів Ga та Ge:  $\delta_{M1-M3} = 2,633(19)$  Å і  $\delta_{M1-M2} = 2,653(18)$  Å, в структурі сполуки Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2.4</sub>Ge<sub>2.6</sub> найкоротшими віддалями є також віддалі між положеннями *M*1–*M*3 та *M*1–*M*2:  $\delta_{M1-M3} = 2,664(11)$  Å і  $\delta_{M1-M2} = 2,668(8)$  Å. Статистичні суміші атомів Ga i Ge в обох

структурах утворюють ізольовані тетрагональні піраміди, які можна інтерпретувати як *arachno*-кластери типу Вейда [15]. У структурі сполуки Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3,5</sub>Ge<sub>1,5</sub> ці піраміди мають склад *M*4*M*1<sub>2</sub>*M*2*M*3 ( $\delta_{M1-M3} = 2,633(19)$  Å,  $\delta_{M1-M2} = 2,653(18)$ ,  $\delta_{M4-M2} = 2,72(2)$ ,  $\delta_{M4-M3} = 2,77(4)$ ,  $\delta_{M4-M1} = 2,872(19)$  Å), а в структурі сполуки Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2,4</sub>Ge<sub>2,6</sub> – *M*3*M*1<sub>2</sub>*M*2<sub>2</sub> ( $\delta_{M1-M3} = 2,664(11)$  Å,  $\delta_{M1-M2} = 2,668(8)$ ,  $\delta_{M2-M3} = 2,762(12)$  Å) (рис. 3).

Таблиця 3

Координати, коефіцієнти заповнення позицій та ізотропні параметри зміщення атомів у структурах сполук Dy3Ga<sub>3,5</sub>Ge<sub>1,5</sub> та Dy3Ga<sub>2,8-2,4</sub>Ge<sub>2,2-2,6</sub>

Table 3

Coordinates,	occupancies	and isotropic	displacement	parameters	of the aton	ns in the structu	ires of the
	C	compounds Dy	/3Ga3 5Ge1 5 at	nd Dv3Ga2 8	$_{24}$ Ge $_{22}$		

Атом	ПСТ	x	у	Z	$B_{\rm iso},{ m \AA}^2$		
$Dy_3Ga_{3,5}Ge_{1,5}$ ( $Tm_3Ga_5$ ; <i>oP</i> 32; <i>Pnma</i> ; <i>a</i> = 11,6672(11), <i>b</i> = 9,4411(8), <i>c</i> = 6,0267(5) Å;							
M1 = M2	= M3 = M4	l = 0,70Ga + 0,30Ga	Ge)				
Dy1	8d	0,3519(5)	0,0035(6)	0,3840(10)	0,51(12)		
Dy2	4c	0,4238(6)	1/4	0,8604(17)	0,62(18)		
M1	8d	0,0875(6)	0,0560(7)	0,3782(2)			
M2	4c	0,0011(14)	1/4	0,1066(4)	1 62(15)		
МЗ	4c	0,2027(12)	1/4	0,5990(5)	1,03(15)		
<i>M</i> 4	4c	0,2336(13)	1/4	0,1440(5)			
Dy <sub>3</sub> Ga <sub>2,8</sub> G	Ge <sub>2,2</sub> (Pu <sub>3</sub> Po	l5; oS32; Cmcm; a	= 9,3738(11), <i>b</i> =	7,4816(8), c = 9,40	068(11) Å;		
M1 = M2	= M3 = 0,5	6Ga + 0,44Ge)					
Dy1	8e	0,2001(5)	0	0	0,47(12)		
Dy2	4c	0	0,6480(8)	1/4	0,58(13)		
M1	8g	0,2015(10)	0,2971(11)	1/4			
M2	8f	0	0,3145(12)	0,0551(7)	1,58(15)		
M3	4c	0	0,0433(17)	1/4			
Dy <sub>3</sub> Ga <sub>2,4</sub> G	Ge2,6 (Pu3Po	l5; oS32; Cmcm; a	= 9,3599(11), <i>b</i> =	7,4788(9), c = 9,41	.48(12) Å;		
M1 = M2	= M3 = 0,4	8Ga + 0,52Ge)					
Dy1	8 <i>e</i>	0,1987(4)	0	0	0,50(13)		
Dy2	4c	0	0,6508(8)	1/4	0,52(17)		
<i>M</i> 1	8g	0,2034(9)	0,2919(10)	1/4			
M2	8f	0	0,3157(12)	0,0524(7)	1,46(14)		
<i>M</i> 3	4c	0	0,0428(15)	1/4			



Рис. 3. Вміст елементарних комірок і тетрагонально-пірамідальні кластери у структурах сполук Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3,5</sub>Ge<sub>1,5</sub> (*a*) та Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2,4</sub>Ge<sub>2,6</sub> (*б*)
 Fig. 3. Content of the unit cells and square pyramidal arachno-type clusters in the structures of Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3,5</sub>Ge<sub>1.5</sub> (*a*) and Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2,4</sub>Ge<sub>2,6</sub> (*б*)

Т. Деленко, Я. Токайчук, Р. Гладишевський ISSN 2078-5615. Вісник Львівського університету. Серія хімічна. 2019. Випуск 60. Ч. 1

Таблиця 4

97

Міжатомні віддалі (δ), координаційні числа (КЧ) та координаційні многогранники (КМ) атомів у структурі сполуки Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3,5</sub>Ge<sub>1,5</sub> (M = 0,70Ga + 0,30Ge)

Table 4

Interatomic distances ( $\delta$ ), coordination numbers (KU) and coordination polyhedra (KM) of atoms in
the structure of the compound $Dy_3Ga_{3.5}Ge_{1.5}$ ( $M = 0.70Ga + 0.30Ge$ )

Dy <sub>3</sub> Ga <sub>3,5</sub> Ge <sub>1,5</sub>						
Атоми	$\delta, \text{\AA}$	КЧ	КМ			
1	2	3	4			
Dy1 - M2	2,907(11)					
- <i>M</i> 3	3,014(18)					
-M4	3,029(17)					
-M4	3,068(17)					
-M1	3,111(13)					
-M1	3,123(9)					
-M1	3,181(13)					
- <i>M</i> 3	3,181(16)	17				
-M1	3,210(10)	17				
-M2	3,237(14)					
- Dy1	3,731(8)					
- Dy2	3,790(10)		$\underline{Dy1}M_{10}Dy_7$			
- 2 Dy1	3,838(8)					
- Dy2	3,841(8)					
- Dy2	4,010(10)					
- Dy2	4,011(8)					
Dy2 – <i>M</i> 4	2,80(2)					
-2 M1	2,894(7)					
-M2	2,96(3)					
- <i>M</i> 3	3,02(2)					
-2 M1	3,080(11)					
- <i>M</i> 3	3,263(17)	17				
-M2	3,33(3)					
- 2 Dy1	3,790(10)					
- 2 Dy1	3,841(8)		$\underline{\text{Dy2}}M_9\text{Dy8}$			
- 2 Dy1	4,010(10)					
- 2 Dy1	4,011(8)					
M1 - M3	2,633(19)					
-M2	2,653(18)					
-M1	2,729(12)					
-M4	2,872(19)					
- Dy2	2,894(17)	10				
- Dy2	3,080(11)	10				
- Dy1	3,111(13)					
- Dy1	3,123(9)		$\underline{M1}$ Dy <sub>6</sub> $M_4$			
- Dy1	3,181(13)					
- Dy1	3,210(10)					

Т. Деленко, Я. Токайчук, Р. Гладишевський ISSN 2078-5615. Вісник Львівського університету. Серія хімічна. 2019. Випуск 60. Ч.1

				Закінчення табл. 4
1		2	3	4
M2	- 2 <i>M</i> 1 - <i>M</i> 4 - 2 Dy1 - Dy2 - 2 Dy1 - Dy2 - <i>M</i> 4 - <i>M</i> 3	$\begin{array}{r} 2,653(18)\\ 2,72(2)\\ 2,907(11)\\ 2,96(3)\\ 3,237(14)\\ 3,33(3)\\ 3,46(3)\\ 3,70(2) \end{array}$	11	<u>M2</u> Dy6M5
МЗ	- 2 <i>M</i> 1 - <i>M</i> 4 - 2 Dy1 - Dy2 - 2 Dy1 - Dy2 - <i>M</i> 4 - <i>M</i> 2	2,633(19) 2,77(4) 3,014(18) 3,02(2) 3,181(16) 3,263(17) 3,30(4) 3,70(2)	11	<u>M3</u> Dy <sub>6</sub> M5
M4	- M2 - M3 - Dy2 - 2 M1 - 2 Dy1 - 2 Dy1 - M3 - M2	2,72(2) 2,77(4) 2,80(2) 2,872(19) 3,029(17) 3,068(17) 3,30(4) 3,46(3)	11	<u>M4</u> Dy <sub>3</sub> M <sub>8</sub>

Таблиця 5

Міжатомні віддалі ( $\delta$ ), координаційні числа (КЧ) та координаційні многогранники (КМ) атомів у структурі Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2,4</sub>Ge<sub>2,6</sub> (M = 0,48Ga + 0,52Ge)

## Table 5

Interatomic distances ( $\delta$ ), coordination numbers (KU) and coordination polyhedra (KM) of atoms in the structure of Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2.4</sub>Ge<sub>2.6</sub> (M = 0.48Ga + 0.52Ge)

Dy3Ga2,4Ge2,6				
Атоми	$\delta, \text{\AA}$	КЧ	КМ	
1	2	3	4	
Dy1 $-2M1$	2,967(5)			
-2M3	3,017(3)			
-2 M2	3,046(7)			
-2 M2	3,178(5)			
-2 M1	3,211(5)	17		
- Dy1	3,720(5)			
-2 Dy2	3,843(3)			
- 2 Dy1	3,8607(16)		$\underline{\mathrm{Dy1}}M_{10}\mathrm{Dy7}$	
-2 Dy2	3,977(4)			
Dy2 $-2M2$	2,858(7)			
- <i>M</i> 3	2,932(13)			
-2 M1	2,970(9)			
-2 M2	3,121(10)	17		
-2 M1	3,291(9)			
- 4 Dy1	3,843(3)			
- 4 Dy1	3,977(4)		<u>Dyz</u> M9Dy <sub>8</sub>	

Т. Деленко, Я. Токайчук, Р. Гладишевський ISSN 2078-5615. Вісник Львівського університету. Серія хімічна. 2019. Випуск 60. Ч. 1 99

			Закінчення табл
1	2	3	4
M1 - M3	2,664(11)		-
-2 M2	2,668(8)		R TR
- 2 Dy1	2,967(5)		
- Dy2	2,970(9)	10	
- 2 Dy1	3,211(5)		
$-Dy^2$	3,291(9)		
- <i>M</i> 3	3,351(10)		<u>M1</u> Dy6M4
M2 - 2M1	2,668(8)		
- <i>M</i> 3	2,762(12)		
- Dy2	2,858(7)		
-M2	2,928(12)	10	
- 2 Dy1	3,046(7)		
- Dy2	3,121(10)		
- 2 Dy1	3,178(5)		<u>M2</u> Dÿ6M4
M3 - 2M1	2,664(11)		
-2 M2	2,762(12)		
- Dy2	2,932(13)	11	
- 4 Dy1	3,017(3)	11	
- 2 <i>M</i> 1	3,351(10)		<u>M3</u> Dy <sub>5</sub> M <sub>8</sub>

Структурні типи Tm<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub> та Pu<sub>3</sub>Pd<sub>5</sub>, до яких належать структури сполук Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3,5</sub>Ge<sub>1,5</sub> та Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2,8-2,4</sub>Ge<sub>2,2-2,6</sub>, є близькоспорідненими. Вони належать до родини деформованих похідних структури типу Rh<sub>5</sub>Ge<sub>3</sub> [16]. Головною особливістю структурних типів Rh<sub>5</sub>Ge<sub>3</sub>, Yb<sub>5</sub>Sb<sub>3</sub> [17], U<sub>3</sub>S<sub>5</sub> [18], Y<sub>5</sub>Bi<sub>3</sub> [19], Tm<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub> [6] та Pu<sub>3</sub>Pd<sub>5</sub> [20] є каркаси атомів, утворені з'єднаними колонами з заповнених тригональних призм (рис. 4) [21]. Ці призми у колонах з'єднані трикутними гранями, а колони між собою – ребрами призм сусідніх колон, утворюючи тривимірний каркас з великими деформованими гексагональними призмами, що утворюють канали. У структурах сполук Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3,5</sub>Ge<sub>1,5</sub> та Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2,4</sub>Ge<sub>2,6</sub> всередині кожної гексагональної призми є два атоми малого розміру, а в площині кожної шестикутної основи призми розташований атом Dy. У структурах типів Tm<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub> та Pu<sub>3</sub>Pd<sub>5</sub> гексагональні призми є сильно деформованими порівняно з призмами у структурі Rh<sub>5</sub>Ge<sub>3</sub>. У структурах типів Yb<sub>5</sub>Sb<sub>3</sub> та Yb<sub>5</sub>Bi<sub>3</sub> деформація є меншою. Структурний тип U<sub>3</sub>S<sub>5</sub> є антитипом до структури Yb<sub>5</sub>Sb<sub>3</sub>.



Рис. 4. Проекції структур Rh<sub>5</sub>Ge<sub>3</sub> (*a*), Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3,5</sub>Ge<sub>1,5</sub> (*б*) та Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2,4</sub>Ge<sub>2,6</sub> (*в*) Fig. 4. Projections of the structures of Rh<sub>5</sub>Ge<sub>3</sub> (*a*), Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3,5</sub>Ge<sub>1,5</sub> (*б*) and Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2,4</sub>Ge<sub>2,6</sub> (*в*)

### 4. Висновки

Тернарні сполуки Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3.5</sub>Ge<sub>1.5</sub> (СТ Tm<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub>) і Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2.8-2.4</sub>Ge<sub>2.2-2.6</sub> (СТ Pu<sub>3</sub>Pd<sub>5</sub>) існують на ізоконцентраті 37,5 ат. % Dy системи Dy–Ga–Ge при 600°C. Під час заміщення атомів Ga на атоми Ge в області гомогенності сполуки зі структурою типу Pu<sub>3</sub>Pd<sub>5</sub> параметри елементарної комірки змінюються анізотропно: параметри *a* і *b* зменшуються, тоді як параметр *c* – збільшується; водночас об'єм елементарної комірки зменшуються анізотропно: параметри *a* і *b* зменшуються. У кристалічних структурах обох сполук можна виділити ізольовані тетрагонально-пірамідальні кластери, утворені атомами *p*-елементів, інтерпретовані як *arachno*-кластери типу Вейда. Структурні типи Tm<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub> та Pu<sub>3</sub>Pd<sub>5</sub> належать до родини деформованих похідних структури типу Rh<sub>5</sub>Ge<sub>3</sub>, що, на загал, характеризується взаємноз'єднаними колонами заповнених тригональних призм, які утворюють великі гексагональні канали.

- 1. *Villars P., Cenzual K. (Eds.).* Pearson's Crystal Data Crystal Structure Database for Inorganic Compounds. Materials Park: ASM International (OH), Release 2017/18.
- 2. *Tokaychuk Ya., Delenko T., Gladyshevskii R.* Crystal structure of Dy<sub>2</sub>Ga<sub>1.8</sub>Ge<sub>5.2</sub> // Chem. Met. Alloys. 2013. Vol. 6. P. 220–224.
- 3. Delenko T., Horyn A., Tokaychuk Ya., Gladyshevskii R. Crystal structures and electrical properties of the ternary compounds  $DyGa_{3-x}Ge_x$  (x = 0.08-0.48 and x = 0.68-0.80) // Solid State Phenom. 2019. Vol. 289. P. 53–58.
- 4. Tokaychuk Ya., Delenko T., Gladyshevskii R. Structure transformations in DyGa<sub>2-x</sub>Ge<sub>x</sub>  $(0 \le x \le 0.6)$  // Visnyk Lviv Univ. Ser. Chem. 2014. Iss. 55(1). P. 47–53 (in Ukrainian).
- Pukas S., Melnyk A., Kuprysyuk V., Gladyshevskii R. Influence of the Ga(In) additions on the structure of digermanides of Dy, Ho and Er // Coll. Abs. 9 Sci. conf. "Lviv Chemical Readings – 2003". Lviv, May 21–23, 2003. P. H36 (in Ukrainian).
- Venturini G., Vernière A., Malaman B. Evolution of the non-stoichiometry in the Er(Ge<sub>1-x</sub>Ga<sub>x</sub>)<sub>2</sub> compounds: crystal structure of Er<sub>4</sub>(Ge,Ga)<sub>7</sub>, a new hexagonal AlB<sub>2</sub> derivative // J. Alloys Compd. 1999. Vol. 291. P. 201–207. DOI: https://doi.org/10.1016/S0925-8388(99)00276-5
- Welter R., Venturini G. Trierbium digallide trigermanide // Acta Crystallogr., Sect. C: Cryst. Struct. Commun. 1999. Vol. 55. P. 1969–1970. DOI: https://doi.org/10.1107/S0108270199010501
- Tokaychuk Ya. O., Filinchuk Ya. E., Fedorchuk A. O., Bodak O. I. Partial Sn-atom ordering in Sm<sub>3</sub>Ga<sub>0.80-2.48</sub>Sn<sub>4.20-2.52</sub> // Acta Crystallogr., Sect. C: Cryst. Struct. Commun. 2003. Vol. 59. P. i125–i127. DOI: https://doi.org/10.1107/S0108270103024776
- Tokaychuk Ya. The ternary system Sm–Ga–Sn: isothermal section of the phase diagram at 600°C and crystal structures of the compounds // Chem. Met. Alloys. 2015. Vol. 8. P. 112–122.
- 10. *Fedyna V., Tokaychuk Ya., Gladyshevskii R.* Crystal structure of the compound Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2.54</sub>Sn<sub>2.46</sub> // Chem. Met. Alloys. 2012. Vol. 5. P. 160–165.
- Yatsenko S. P., Gladyshevskii, E. I. Tschuntonow K. A., Yarmolyuk Ya. P., Grin Yu. Kristallstruktur von Tm<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub> und analoger verbindungen // J. Less-Common Met. 1983. Vol. 91. P. 21–32. DOI: https://doi.org/10.1016/0022-5088(83)90092-9

Т. Деленко, Я. Токайчук, Р. Гладишевський

- Schobinger Papamantellos P., De Mooij D. B., Buschow K. H. J. Crystallographic and magnetic structure of Dy<sub>3</sub>Ge<sub>5</sub> and DyGe<sub>1.9</sub> // J. Less-Common Met. 1990. Vol. 163. P. 319–330. DOI: https://doi.org/10.1016/0022-5088(90)90598-E
- 13. STOE WinXPow (Version 2.21). Darmstadt : Stoe & Cie, 2005.
- 14. *Rodríguez-Carvajal J.* Recent developments of the Program *FULLPROF //* Commission on Powder Diffraction (IUCr). Newsletter. 2001. Vol. 26. P. 12–19.
- Zürcher F., Nesper R., Hoffmann S., Fässler T. F. Novel arachno-type X<sub>5</sub><sup>6-</sup> Zintl anions in Sr<sub>3</sub>Sn<sub>5</sub>, Ba<sub>3</sub>Sn<sub>5</sub>, and Ba<sub>3</sub>Pb<sub>5</sub> and charge influence on Zintl clusters // Z. Anorg. Allg. Chem. 2001. Vol. 627. P. 2211–2219. DOI: https://doi.org/10.1002/chin.200148013
- Geller S. The rhodium-germanium system. I. The crystal structures of Rh<sub>2</sub>Ge, Rh<sub>5</sub>Ge<sub>3</sub> and RhGe // Acta Crystallogr. 1955. Vol. 8. P. 15–21. DOI: https://doi.org/10.1107/S0365110X55000030
- Brunton G. D., Steinfink H. The crystal structure of β-ytterbium triantimonide, a low-temperature phase // Inorg. Chem. 1971. Vol. 10. P. 2301–2303. DOI: http://dx.doi.org/10.1021/ic50104a042
- Potel M., Brochu R., Padiou J., Grandjean D. Etude structurale du sulfure U<sub>3</sub>S<sub>5</sub> // C. R. Seances Acad. Sci., Ser. C. 1972. Vol. 275. P. 1419–1421.
- Wang Y., Gabe E. J., Calvert L. D., Taylor J. B. The crystal structure of Y<sub>5</sub>Bi<sub>3</sub> and its relation to the Mn<sub>5</sub>Si<sub>3</sub> and the Yb<sub>5</sub>Sb<sub>3</sub> type structures // Acta Crystallogr., Sect. B: Struct. Crystallogr. Cryst. Chem. 1976. Vol. 32. P. 1440–1445. DOI: https://doi.org/10.1107/S0567740876005529
- Cromer D. T. Plutonium–palladium Pu<sub>3</sub>Pd<sub>5</sub> // Acta Crystallogr., Sect. B: Struct. Crystallogr. Cryst. Chem. 1976. Vol. 32. P. 1930–1932. DOI: https://doi.org/10.1107/S0567740876006778
- Gladyshevskii R. E., Cenzual K., Zhao J. T., Parthé E. Ce<sub>5</sub>RuGe<sub>2</sub> with a Y<sub>2</sub>HfS<sub>5</sub> anti-type structure, an ordered substitution variant of orthorhombic β-Yb<sub>5</sub>Sb<sub>3</sub> // Acta Crystallogr., Sect. C: Cryst. Struct. Commun. 1992. Vol. 48. P. 221–225. DOI: https://doi.org/10.1107/S010827019100971X

# CRYSTAL STRUCTURE OF THE COMPOUNDS Dy3Ga3.5Ge1.5 AND Dy3Ga2.8-2.4Ge2.2-2.6

#### T. Delenko\*, Ya. Tokaychuk, R. Gladyshevskii

Ivan Franko National University of Lviv, Kyryla i Mefodiya Str.. 6, 79005 Lviv, Ukraine e-mail: tarasdelenko@gmail.com

Two new ternary compounds, Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3.5</sub>Ge<sub>1.5</sub> and Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2.8-2.4</sub>Ge<sub>2.2-2.6</sub>, were found in the system Dy–Ga–Ge at 600°C. Their compositions were established by means of energy-dispersive X-ray spectral analysis and the crystal structures were determined by X-ray powder diffraction: Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3.5</sub>Ge<sub>1.5</sub> (structure type Tm<sub>3</sub>Ga<sub>5</sub>; Pearson symbol *oP*32; space group *Pnma*; *a* = 11.6672(11), *b* = 9.4411(8), *c* = 6.0267(5) Å) and Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2.8-2.4</sub>Ge<sub>2.2-2.6</sub> (Pu<sub>3</sub>Pd<sub>5</sub>; *oS*32; *Cmcm*; *a* = 9.3738(11)–9.3599(11),

b = 7.4816(8)-7.4788(9), c = 9.4068(11)-9.4148(12) Å). Substitution of Ge atoms for Ga atoms within the homogeneity range of the Pu<sub>3</sub>Pd<sub>5</sub>-type phase is accompanied by an anisotropic change of the unit-cell parameters: the parameters *a* and *b* decrease, whereas the parameter *c* increases; the unit-cell volume decreases. The coordination polyhedra of the Dy atoms in both structures are 15- and 17-vertex pseudo Frank-Kasper polyhedra. The coordination environments of the *p*-element atoms (statistical mixtures of Ga and Ge atoms) are trigonal prisms with four additional atoms and defect icosahedra.

In the structures of the compounds Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3.5</sub>Ge<sub>1.5</sub> and Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2.8–2.4</sub>Ge<sub>2.2–2.6</sub> the *p*-element atoms form empty square pyramids, which can be interpreted as *arachno*-clusters of the Wade type. The interatomic distances within the pyramids ( $\delta_{M1-M3} = 2.633(19)$  Å,  $\delta_{M1-M2} = 2.653(18)$ ,  $\delta_{M4-M2} = 2.72(2)$  Å,  $\delta_{M4-M3} = 2.77(4)$ ,  $\delta_{M4-M1} = 2.872(19)$  Å in Dy<sub>3</sub>Ga<sub>3.5</sub>Ge<sub>1.5</sub>;  $\delta_{M1-M3} = 2.664(11)$  Å,  $\delta_{M1-M2} = 2.668(8)$ ,  $\delta_{M2-M3} = 2.762(12)$  Å in Dy<sub>3</sub>Ga<sub>2.4</sub>Ge<sub>2.6</sub>) are the shortest distances in the structures.

The structure types  $Tm_3Ga_5$  and  $Pu_3Pd_5$  belong to the family of deformation variants of the structure type  $Rh_5Ge_3$ , which is characterized by interconnected infinite columns of filled trigonal prisms forming a three-dimensional network with large deformed hexagonal channels.

Keywords: dysprosium, gallium, germanium, X-ray powder diffraction, crystal structure.

Стаття надійшла до редколегії 01.11.2018 Прийнята до друку 23.01.2019